

中山大学

2019 年攻读硕士学位研究生入学考试试题

科目代码：894

科目名称：理论力学

考试时间：2018 年 12 月 23 日 下午

考生须知

全部答案一律写在答题纸上，答在试题纸上的不计分！答题要写清题号，不必抄题。

一、判断题（正确的在括号内打“√”，不正确的在括号内打“×”，每小题 2 分，共 30 分）

1. 作用在同一物体上的作用力与反作用力总是大小相等、方向相反且共线。 ()
2. 必有一个点使汇交力系相对于该点的合力矩为零。 ()
3. 在一般情况下，空间任意力系不可能简化为力螺旋。 ()
4. 合力一定比分力大。 ()
5. 物体的重心和质心 一般情况下不是同一点。 ()
6. 牵连速度是牵连点的绝对速度。 ()
7. 因为质点的绝对运动是其牵连运动和相对运动的合成，绝对速度是其牵连速度和相对速度的矢量和，因此绝对加速度是其牵连加速度和相对加速度的矢量和。 ()
8. 科氏加速度的产生是由于牵连运动改变了相对速度的方向。 ()
9. 对于定轴转动的刚体，如果外力系对转轴所作的力矩不为零，那么外力系对转轴的动量矩必不是一个常量。 ()
10. 系统动量守恒的必要条件是外力不能作功。 ()
11. 内力不能改变物体的运动状态。 ()
12. 刚体动能为各质点动能的总和。 ()
13. 惯量张量可以确定惯量椭球方程。 ()
14. 刚体上任一点都存在三根相互正交的惯量主轴。 ()
15. 在完整约束条件下，实位移与虚位移的某一个相重合。 ()

二、选择题（每小题 3 分，共 15 分）

1、(3分) 将平面力系向平面内任意两点简化，所得的主矢相等，主矩也相等，且主矩不为零，则该力系简化的最后结果为_____。

- A. 一个力
- B. 一个力偶
- C. 平衡

2、(3分) 在点的合成运动问题中，当牵连运动为平动时_____。

- A. 一定会有科氏加速度
- B. 不一定会有科氏加速度
- C. 一定没有科氏加速度

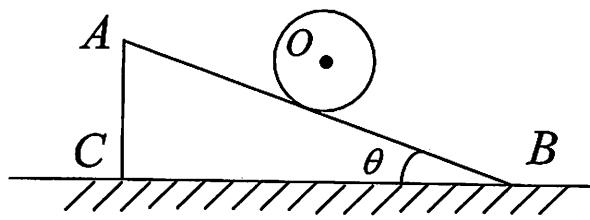
3、(3分) 给质点系中的每个质点假想加上_____，则质点系在外力系与惯性力系作用下处于形式上的平衡，称为动静法

- A. 绝对惯性力
- B. 牵连惯性力
- C. 相对惯性力
- D. 科氏惯性力

4、(3分) 三角形楔块 ABC 放在水平面上，圆盘沿楔块的 AB 边运动，如题 4 图所示。

不计所有摩擦，该系统有_____个自由度。

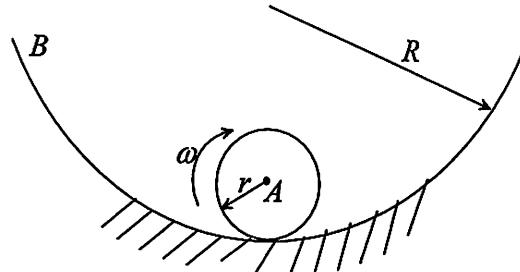
- A. 1个
- B. 2个
- C. 3个
- D. 4个



题 4 图

5、(3分) 如图所示，半径为 r 的圆盘在半径为 R 的圆周曲线内侧纯滚动，角速度 $\omega =$ 常数，轮心 A 点的加速度为_____。

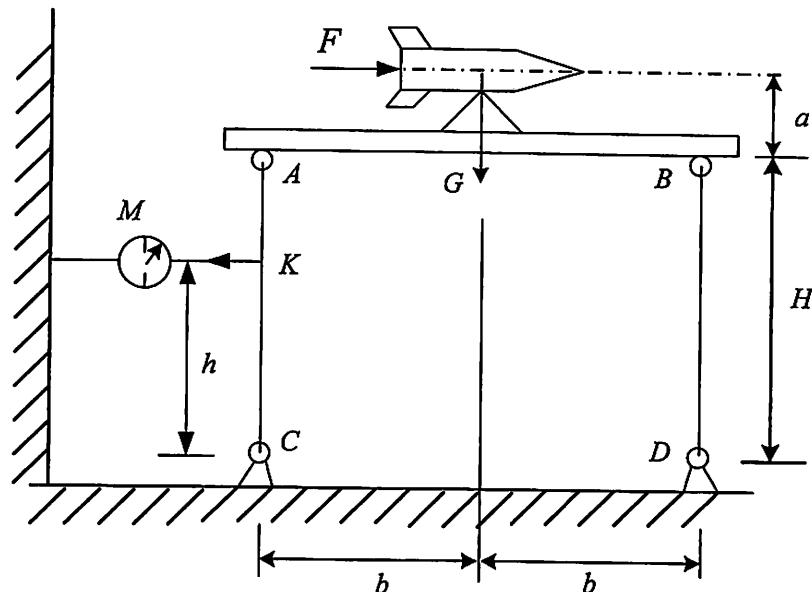
- A. 0
- B. $\omega^2 r$
- C. $\frac{r^2}{R-r} \omega^2$
- D. $\frac{r(R-2r)}{R-r} \omega^2$



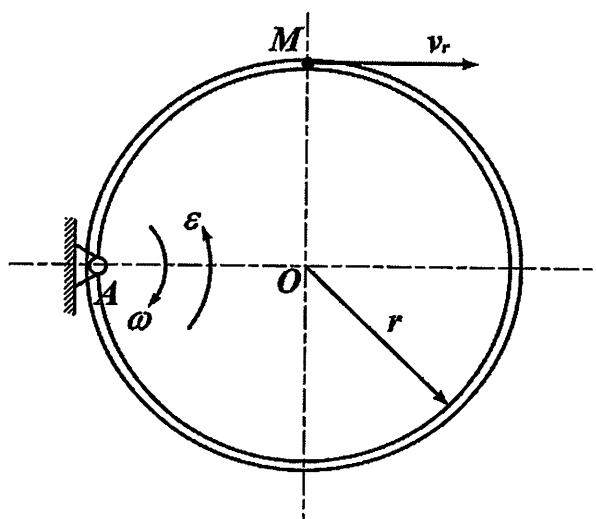
题 5 图

三、计算题 (共四题, 总计 105 分)

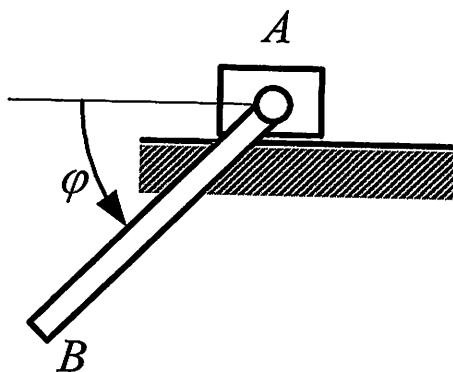
1. (25 分) 图为火箭发动机实验台示意图, 发动机固定在台面上, 测力计 M 指示出绳的拉力 T (T 为已知), 另外, 已知工作台和发动机共重 G , 重力通过 AB 中点, $\overline{CD} = 2b$, $\overline{CK} = h$, $\overline{AC} = \overline{BD} = H$, 火箭推力 F 作用线到 AB 的距离为 a , AC, BD 杆重不计。试求此推力 F 及 BD 杆所受的力。



2. (25 分) 一半径为 $r = 0.20(m)$ 的圆盘, 绕通过点 A 垂直于盘面的轴转动。小球 M 以匀速 $V_r = 0.40(m/s)$ 沿圆盘边缘运动, 在图示位置, 圆盘的角速度 $\omega = 2(rad/s)$, 角加速度 $\varepsilon = 4(rad/s^2)$, 方向如图所示。试求在该瞬时小球 M 的绝对速度与绝对加速度。



3. (30 分) 均质杆 AB 长为 $2l$, 质量为 M , A 端与质量也为 M 的物块铰接。物块置于光滑水平面上。开始时 AB 杆水平 ($\varphi = 0^\circ$), 然后无初速地释放。当 $\varphi = 90^\circ$ 时, 求解物块 A 移动的距离, 物块 A 的速度及水平面对物块的约束反力。



4. (25 分) 如图所示, 三角柱体 ABC 质量为 m , 放在光滑水平面上; 均质圆柱半径为 r , 质量也为 m , 沿倾角为 β 的斜面 AC 向下作纯滚动, 试用拉格朗日方程建立系统运动微分方程并得到三角柱体 ABC 的加速度。

